

#### 4. SOLUÇÃO

~~DADA VETORES~~

VEJAMOS PRIMEIRAMENTE O VALOR DO DETERMINANTE DA MATRIZ

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -4 \\ 2 & 1 & 1 \\ -1 & 3 & -11 \end{bmatrix}$$

↑   ↑   ↑  
u   v   w

$$\begin{aligned} \det(A) &= (1 \cdot 1 \cdot -11) + (2 \cdot 1 \cdot (-1)) + (-4 \cdot 2 \cdot 3) - ((-1) \cdot 1 \cdot (-4)) - (3 \cdot 1 \cdot 1) - \\ &\quad - (-11 \cdot 2 \cdot 2) = -11 - 2 - 24 - 4 - 3 + 44 = \\ &= -44 + 44 = 0 \end{aligned}$$

PORTANTO,  $\{u, v, w\}$  É L.D (LINEARMENTE DEPENDENTE).

(\*) ~~2~~  $-2(1, 2, -1) + 3(2, 1, 3) + 1(-4, 1, -11) = (0, 0, 0)$  i.e.,  $\{u, v, w\}$  É L.D

---

#### 5. SOLUÇÃO

$$W(x) = \begin{bmatrix} 2x^2 + 3 & x^2 & 2x \\ 4x & 2x & 2 \\ 4 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned} \det[W(x)] &= (2x^2 + 3)(2x) \cdot 0 + 2 \cdot x^2 \cdot 4 + 2 \cdot 4x \cdot 2x^2 - (2x \cdot 2x \cdot 2x \cdot 4) - \\ &\quad - (2 \cdot 2 \cdot (2x^2 + 3)) = \cancel{16x^2} + \cancel{16x^2} + \cancel{16x^2} - \cancel{16x^2} - \cancel{16x^2} - \cancel{16x^2} \\ &= 8x^2 + 16x^2 - 16x^2 - 8x^2 - 12 \\ &= -12 \end{aligned}$$

$$\det[W(x)] \neq 0$$

PORTANTO,  $\{f(x), g(x), h(x)\}$  É LINEARMENTE INDEPENDENTE

(TEO. 5.3.4)