

(8) SOLUÇÃO: SEJA  $V = \{f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} : f(x^2) = f(x)^2\}$ .

NOTE QUE  $f(x) = x^2$  PERTENCE A  $V$  E  $g(x) = x^3$  PERTENCE A  $V$ . AGORA,

$$(f+g)(x) = f(x) + g(x) \text{ E DAI, } (f+g)(x^2) = f(x^2) + g(x^2) = x^4 + x^6 \text{ E}$$

$$[(f+g)(x)]^2 = [f(x) + g(x)]^2 = (x^2 + x^3)^2 = x^4 + x^6 + 2x^2x^3 = x^4 + x^6 + 2x^5$$

Logo,  $(f+g)(x^2) \neq [(f+g)(x)]^2$  (p/  $x=1$ ,  $(f+g)(1^2) = 2$  E  $[(f+g)(1)]^2 = 4$ )

PORTANTO,  $V$  NÃO É SUBESPAÇO VETORIAL DE  $F$ .

(9)  $v_1 = (0, 1)$ ,  $v_2 = (2, 3)$ ,  $v_3 = (4, 6)$ ;  $v_1, v_2, v_3 \in \mathbb{R}^2$ .

$\{v_1, v_2, v_3\}$  É L.D pois  $v_2 = 0v_1 + \frac{1}{2}v_3$ . AGORA

$v_1 \neq av_2 + bv_3$  p/ ALGUM  $a, b \in \mathbb{R}$ . DE FATO, CASO CONTRÁRIO

$v_1 = av_2 + bv_3$ , p/ ALGUM  $a, b \in \mathbb{R}$ , TEMOS QUE:

$$(0, 1) = (2a, 3a) + (4b, 6b) \Rightarrow \begin{cases} 2a + 4b = 0 & (x3) \\ 3a + 6b = 1 & (x2) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 6a + 12b = 0 \\ 6a + 12b = 1 \end{cases} \Rightarrow \underline{\underline{0 = 1 \text{ ABSURDO!}}}$$

PORTANTO, A RESPOSTA p/ A AFIRMAÇÃO É FALSA.